Liceo Scientifico G. Marconi - Classe 5S COMPITO IN CLASSE DI MATEMATICA - 07.05.2005

COMPITO A

Esercizio A.1 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{x^3 - 3x^2 + x + 1}{x} \, dx \,, \qquad \int \cos 7x \, \cos 5x \, dx \,, \qquad \int \frac{1 + x}{1 + x^2} \, dx \,.$$

Esercizio A.2 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{x^4}{x^2 + 1} dx, \qquad \int \frac{\cos x - \sin x}{\sin x + \cos x} dx, \qquad \int x^3 \ln x dx.$$

Esercizio A.3 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{1 - 12\arcsin^{47} 2x + 15\arcsin^{59} 2x}{\sqrt{1 - 4x^2}} \, dx \,, \qquad \int e^{3x} \cos 2x \, dx \,.$$

Esercizio A.4 Utilizzando la formula di Mc Laurin determina un polinomio di terzo grado che approssima la funzione

$$y = f(x) = \frac{1}{\sqrt{1+x}}$$

in un intorno di x=0. Poi usa il polinomio così determinato per calcolare il valore approssimato di $\sqrt{1,05}$.

Esercizio A.5 Determina la concavità e i flessi del grafico della funzione $y = f(x) = x^4 - 4x^3 - 48x^2 + 10x$.

Esercizio A.6 (Facoltativo) Dimostra che la derivata prima di una funzione pari è una funzione dispari.

Buon Lavoro!

Liceo Scientifico G. Marconi - Classe 5S COMPITO IN CLASSE DI MATEMATICA - 07.05.2005

COMPITO B

Esercizio B.1 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{x^4 + 4x^3 + x + 1}{x^2} \, dx \,, \qquad \int \sin 8x \, \sin 4x \, dx \,, \qquad \int \frac{1 - x}{\sqrt{1 - x^2}} \, dx \,.$$

Esercizio B.2 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{x^5}{x^2 - 1} dx$$
, $\int \sqrt[9]{(e^x - \ln x)^5} \left(e^x - \frac{1}{x} \right) dx$, $\int x^2 \ln x dx$.

Esercizio B.3 Risolvi i seguenti integrali indefiniti

$$\int \frac{3 + 10 \arctan^{19} 3x - 40 \arctan^{79} 3x}{1 + 9x^2} dx, \qquad \int e^{-x} \sin 4x dx.$$

Esercizio B.4 Utilizzando la formula di Mc Laurin determina un polinomio di terzo grado che approssima la funzione

$$y = f(x) = \ln(1+x)$$

in un intorno di x = 0. Poi usa il polinomio così determinato per calcolare il valore approssimato di ln(1,1).

Esercizio B.5 Determina la concavità e i flessi del grafico della funzione $y = f(x) = x^4 + 2x^3 - 12x^2 - 10x.$

Esercizio B.6 (Facoltativo) Dimostra che la derivata prima di una funzione dispari è una funzione pari.

Buon Lavoro!