

COMPITO A

Esercizio A.1 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - 5x^2 + 1}{\sqrt{25x^6 - 2x + 3}} ; \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt{x^6 + 4x^3 - 5} - x^3 \right) . \quad [-2/5, 2/5, \pm; +\infty, 2, \pm]$$

Esercizio A.2 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{4x - 5}{x + 7} \right)^x ; \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x - 5}{4x + 7} \right)^x . \quad [+\infty; e^{-3}]$$

Esercizio A.3 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x^2}{x^5} ; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^5(2x)}{\sin(x^5)} ; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \sin x + 3x + 4x^2 - 1 + \cos x}{x - x^3 + \ln(1 + x)} .$$

[$\infty; 32; 5/2$]

Esercizio A.4 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{\log_2(1 + 4x) \cdot \ln(1 + x^2)} ; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[5]{1+x} - 1}{2^x - 1} . \quad [\infty; \log_{32} e]$$

Esercizio A.5 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x^2)^{1/[x \ln(1+x)]} ; \quad \lim_{x \rightarrow 3\pi/4} \frac{\sqrt[5]{1+x - \frac{3}{4}\pi} - 1}{\sin x + \cos x} . \quad [e^3; -\sqrt{2}/10]$$

Esercizio A.6 (Speciale) Calcola il valore del seguente limite, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt[6]{1 + 2 \sin(x - 4)} - 1}{(x - 4)} . \quad [1/3]$$

Buon Lavoro!

COMPITO B

Esercizio B.1 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{9x^{10} + 4x^9 + 6}}{4x^5 + x^3 - x}; \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(x^3 - \sqrt{x^6 - 6x^3 + 7} \right). \quad [-3/4, 3/4, \pm; -\infty, 3, \pm]$$

Esercizio B.2 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{2x+1}{3x+2} \right)^x; \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+1}{3x+2} \right)^x. \quad [+\infty; e^{-1/3}]$$

Esercizio B.3 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[8]{1+x^4} - 1}{x^3}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln^4(1+x)}{\ln(1+2x^4)}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - x^4 + 3 \ln(1+x)}{\sin x + 5x - 7x^2 + 1 - \cos x}.$$

[0; 1/2; 5/6]

Esercizio B.4 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^4}{\sin 2x \cdot \sin^2 x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{\log_3(1+x)}. \quad [0; \ln 3]$$

Esercizio B.5 Calcola i seguenti limiti, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1+2x^3)^{1/(x^2 \sin x)}; \quad \lim_{x \rightarrow \pi/4} \frac{\sin x - \cos x}{\ln(1+x - \frac{\pi}{4})}. \quad [e^2; \sqrt{2}]$$

Esercizio B.6 (Speciale) Calcola il valore del seguente limite, esplicitando i singoli passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\log_2(1+5 \sin(x-3))}{(x-3)}. \quad [5 \log_2 e]$$

Buon Lavoro!