

COMPITO A

**Esercizio A.1** Calcola i seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{x^3}; \quad \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(x - \pi) \sin x}{1 + \cos x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 2 \sin x + 3 \sin^2 x + x}{\sin x + 2x - x^3}.$$

[ $\infty$ ; -2; 1]

**Esercizio A.2** Calcola i seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(2^x - 1) \sin^3 x}{1 - \cos(x^2)}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + \sin x)}{x}.$$

[ $2 \ln 2$ , 1]

**Esercizio A.3** Determina l'ordine di infinitesimo, per  $x \rightarrow 0$ , della seguente funzione rispetto all'infinitesimo campione standard:

$$y = f(x) = \cos \sqrt[3]{x^5} - 1.$$

[10/3]

**Esercizio A.4** Caratterizza i punti di discontinuità delle seguenti funzioni:

$$y = f(x) = \frac{\sqrt{x+1} - \sqrt{2x-2}}{x^2 - x - 6}; \quad y = g(x) = \frac{16}{2^{1/x} - 8}.$$

[ $x = 3$ , terza specie;  $x = 0$ , prima specie;  $x = 1/3$ , seconda specie]

**Esercizio A.5** Determina gli asintoti delle seguenti funzioni:

$$y = f(x) = \frac{\cos x}{(x-1)^2}; \quad y = g(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^2 - x - 12};$$
$$y = h(x) = \frac{\sqrt{9x^2 + 6x - 8}}{x}.$$

[ $x = 1$ ,  $y = 0$ ;  $x = -3$ ,  $x = 4$ ,  $y = 2$ ;  $y = -3$  ( $x \rightarrow -\infty$ ),  $y = 3$  ( $x \rightarrow +\infty$ )]

**Esercizio A.6 (Speciale)** Per  $x \rightarrow c$  sono dati due infiniti simultanei,  $f(x)$  e  $g(x)$ , e si sa che

$$\lim_{x \rightarrow c} \frac{f(x)}{g(x)} = 0.$$

Considera l'ulteriore infinito  $h(x) = f(x) + g(x)$  e stabilisci se esso ha lo stesso ordine di infinito di  $f(x)$  o di  $g(x)$ . [di  $g(x)$ ]

**Buon Lavoro!**

COMPITO B

**Esercizio B.1** Calcola i seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3 x}{x^2}; \quad \lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{1 - \sin x}{(2x - \pi) \cos x}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \sin x - 2 \sin^2 x - x + x^3}{x^2 + \sin x + x}.$$

[0; -1/4; 1]

**Esercizio B.2** Calcola i seguenti limiti:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x (e^x - 1)}{\log_3(1 + x^2)}; \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\ln(1 + x))}{x^2}.$$

[ln 3; 1/2]

**Esercizio B.3** Determina l'ordine di infinito, per  $x \rightarrow 0$ , della seguente funzione rispetto all'infinito campione standard:

$$y = f(x) = \frac{1}{1 - \cos \sqrt[5]{x^2}}.$$

[4/5]

**Esercizio B.4** Caratterizza i punti di discontinuità delle seguenti funzioni:

$$y = f(x) = \frac{\sqrt{3x - 3} - \sqrt{2x + 1}}{x^2 - 3x - 4}; \quad y = g(x) = \frac{81}{27 - 3^{1/x}}.$$

[ $x = 4$ , terza specie;  $x = 0$ , prima specie;  $x = 1/3$ , seconda specie]

**Esercizio B.5** Determina gli asintoti delle seguenti funzioni:

$$y = f(x) = \frac{\sin x}{(x + 2)^2}; \quad y = g(x) = \frac{3x^2 + x}{x^2 - 2x - 15};$$
$$y = h(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 - x + 2}}.$$

[ $x = -2$ ,  $y = 0$ ;  $x = -3$ ,  $x = 5$ ,  $y = 3$ ;  $y = -2$  ( $x \rightarrow -\infty$ ),  $y = 2$  ( $x \rightarrow +\infty$ )]

**Esercizio B.6 (Speciale)** Per  $x \rightarrow c$  sono dati due infinitesimi simultanei,  $f(x)$  e  $g(x)$ , e si sa che

$$\lim_{x \rightarrow c} \frac{f(x)}{g(x)} = \infty.$$

Considera l'ulteriore infinitesimo  $h(x) = f(x) + g(x)$  e stabilisci se esso ha lo stesso ordine di infinitesimo di  $f(x)$  o di  $g(x)$ . [di  $f(x)$ ]

**Buon Lavoro!**